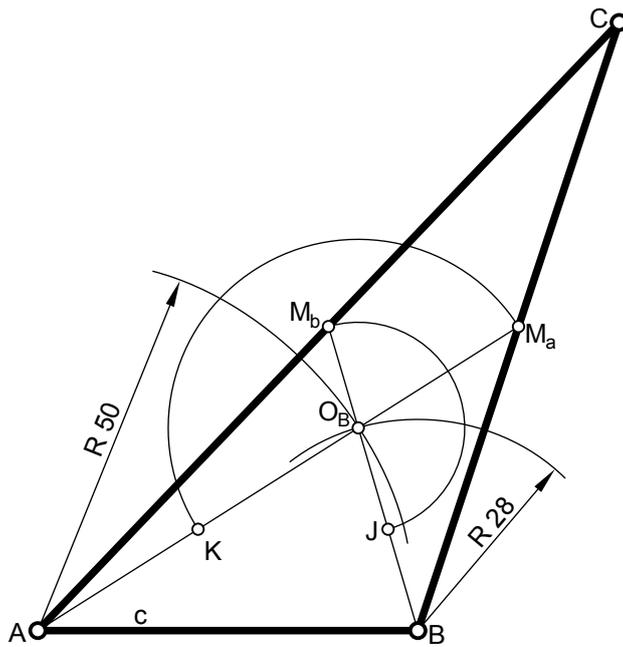


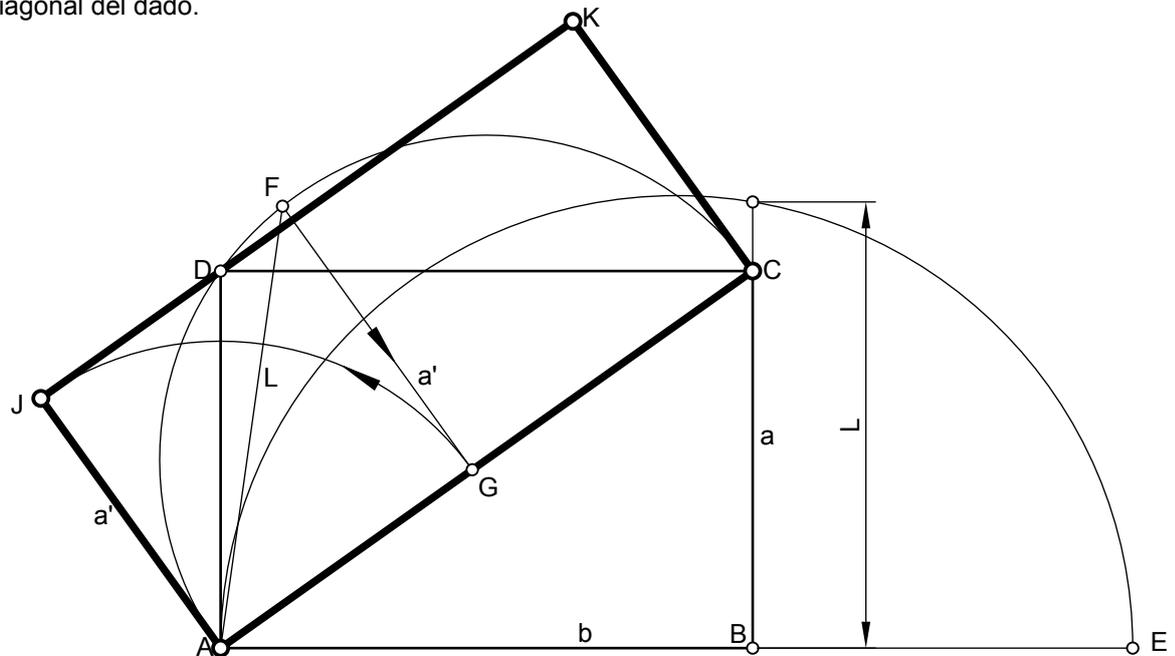
11 - Dibujar un triángulo del que se conoce el lado  $c = 50 \text{ mm}$  y las medianas  $m_a = 75 \text{ mm}$  y la  $m_b = 42 \text{ mm}$ . Se da el lado  $c$  dibujado.



Con los datos dados y teniendo en cuenta que las medianas, determinan el baricentro, y que este puntos las divide de tal manera que distan de sus vértices correspondientes  $\frac{2}{3}$  de su valor, tenemos la construcción siguiente:

1. Se dibuja el triángulo de lados:  $c$  y  $\frac{2}{3}$  de las medianas  $m_a$  y  $m_b$ . En este caso las medianas son divisibles por tres, por lo que los valores anteriores son 50 y 28 respectivamente. El vértice de encuentro, de los arcos es el baricentro  $O_B$ .
2. Ahora solo queda prolongar los segmentos  $AO_B$  y  $BO_B$ , en  $\frac{1}{3}$  de las medianas, para obtener los puntos medios,  $M_a$  y  $M_b$ , de los lados  $a$  y  $b$  respectivamente.
3. Solo queda dibujar la línea  $AM_b$  y  $BM_a$ , que se cortan en el vértice  $C$  del triángulo  $ABC$  buscado.

12 - Dibujar un rectángulo equivalente a otro  $ABCD$ , de lados 70 y 50 mm, de tal manera que su base sea la diagonal del dado.

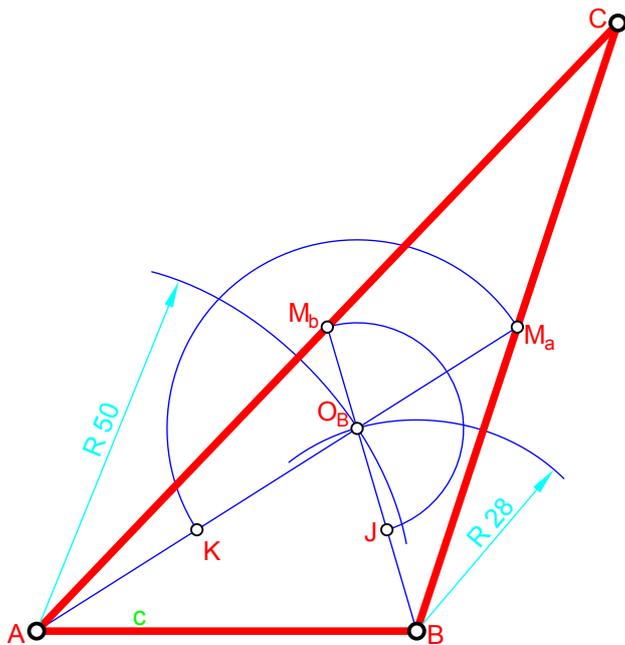


Este ejercicio inverso a la cuadratura, como se va a ver a continuación:

Se determina el cuadrado equivalente al rectángulo dado, mediante la utilización del teorema de la altura, para ello ...

1. Se dibuja un segmento  $AE$ , suma de la base y altura del rectángulo.
2. Se dibuja la semicircunferencia de diámetro el segmento  $AE$ .
3. Por el punto  $B$  se dibuja una línea perpendicular al segmento  $AE$ , que corta a la semicircunferencia en el punto  $M$ . El segmento  $BM$  es el lado  $L$ , del cuadrado equivalente al rectángulo  $ABCD$ .
4. Como ahora queremos determinar la altura del rectángulo de igual área que el dado, y sabemos la base, la diagonal  $AC$  y el lado  $L$  de su cuadrado equivalente, tenemos que utilizar nuevamente la construcción de la media proporcional, pero en este caso el teorema del cateto, de la siguiente manera ...
5. se dibuja la semicircunferencia de diámetro  $AC$ .
6. Se lleva a partir del vértice  $A$  y sobre la semircunferencia el lado  $L$ , obteniendo el punto  $F$ .
7. Por  $F$  dibujamos una línea perpendicular al segmento  $AC$ , cortándolo en el punto  $G$ , resultando que el segmento  $AG$  es la altura,  $a'$ , buscada del rectángulo  $ACKJ$ , cuya área es igual que la del rectángulo dado.

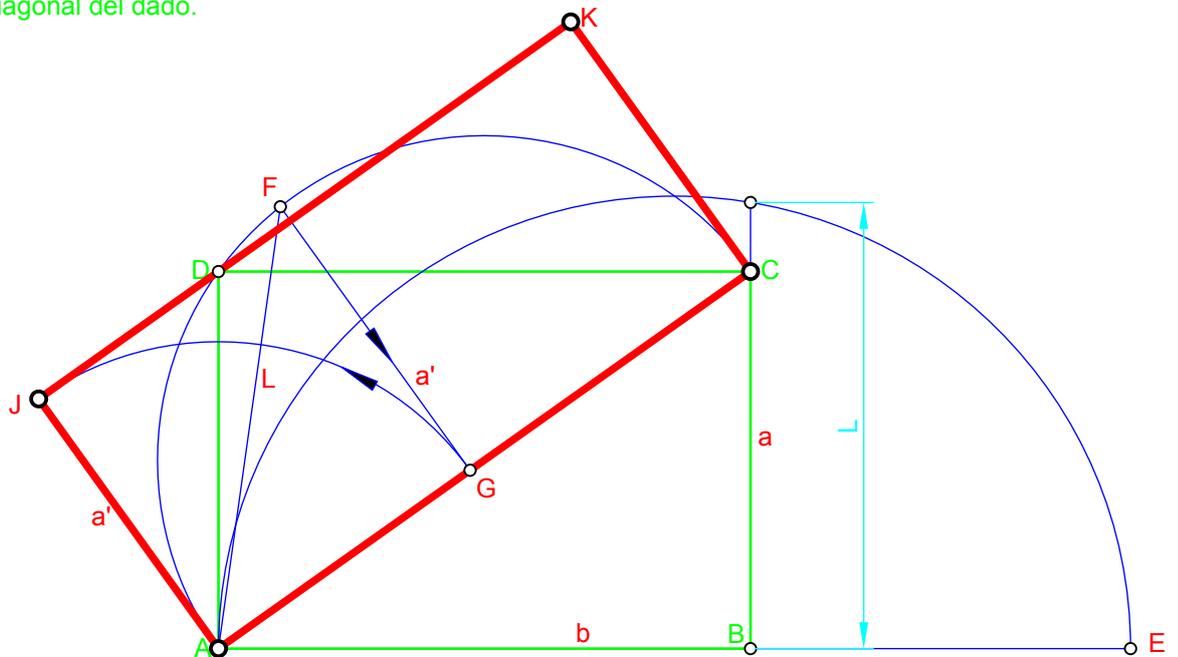
11 - Dibujar un triángulo del que se conoce el lado  $c = 50$  mm y las medianas  $m_a = 75$  mm y la  $m_b = 42$  mm. Se da el lado  $c$  dibujado.



Con los datos dados y teniendo en cuenta que las medianas, determinan el baricentro, y que este puntos las divide de tal manera que distan de sus vértices correspondientes  $\frac{2}{3}$  de su valor, tenemos la construcción siguiente:

1. Se dibuja el triángulo de lados:  $c$  y  $\frac{2}{3}$  de las medianas  $m_a$  y  $m_b$ . En este caso las medianas son divisibles por tres, por lo que los valores anteriores son 50 y 28 respectivamente. El vértice de encuentro, de los arcos es el baricentro  $O_B$ .
2. Ahora solo queda prolongar los segmentos  $AO_B$  y  $BO_B$ , en  $\frac{1}{3}$  de las medianas, para obtener los puntos medios,  $M_a$  y  $M_b$ , de los lados  $a$  y  $b$  respectivamente.
3. Solo queda dibujar la línea  $AM_b$  y  $BM_a$ , que se cortan en el vértice  $C$  del triángulo  $ABC$  buscado.

12 - Dibujar un rectángulo equivalente a otro  $ABCD$ , de lados 70 y 50 mm, de tal manera que su base sea la diagonal del dado.



Este ejercicio inverso a la cuadratura, como se va a ver a continuación:

Se determina el cuadrado equivalente al rectángulo dado, mediante la utilización del teorema de la altura, para ello ...

1. Se dibuja un segmento  $AE$ , suma de la base y altura del rectángulo.
2. Se dibuja la semicircunferencia de diámetro el segmento  $AE$ .
3. Por el punto  $B$  se dibuja una línea perpendicular al segmento  $AE$ , que corta a la semicircunferencia en el punto  $M$ . El segmento  $BM$  es el lado  $L$ , del cuadrado equivalente al rectángulo  $ABCD$ .
4. Como ahora queremos determinar la altura del rectángulo de igual área que el dado, y sabemos la base, la diagonal  $AC$  y el lado  $L$  de su cuadrado equivalente, tenemos que utilizar nuevamente la construcción de la media proporcional, pero en este caso el teorema del cateto, de la siguiente manera ...
5. se dibuja la semicircunferencia de diámetro  $AC$ .
6. Se lleva a partir del vértice  $A$  y sobre la semircunferencia el lado  $L$ , obteniendo el punto  $F$ .
7. Por  $F$  dibujamos una línea perpendicular al segmento  $AC$ , cortándolo en el punto  $G$ , resultando que el segmento  $AG$  es la altura,  $a'$ , buscada del rectángulo  $ACKJ$ , cuya área es igual que la del rectángulo dado.